

## *TABLE DES MATIÈRES*

<i>Introduction</i> .....	7
 <i>Première partie</i>	
<i>LE PRINCIPE DE SYMÉTRIE ET SES APPLICATIONS</i>	
<b>1 - Propriétés d'un système et symétrie</b> .....	15
1. Historique.....	15
2. Exploitation de la symétrie .....	16
3. Physique et symétrie : exemples variés.....	18
4. Les limites de la symétrie .....	24
<b>2 - Symétrie spatiale des grandeurs physiques</b> .....	27
1. Propriétés de transformation des vecteurs .....	27
2. Propriétés de transformation des scalaires.....	31
3. Invariance des grandeurs vectorielles .....	32
4. Invariance des grandeurs scalaires .....	33
5. Cas des grandeurs magnétiques.....	33
6. Transformation des grandeurs tensorielles .....	34
7. Invariance des grandeurs tensorielles.....	35
8. Invariance dans les groupes limites.....	36
Exercices sur le chapitre 2 .....	37
<b>3 - Symétrie spatio-temporelle des grandeurs physiques</b> .....	41
1. Classification des grandeurs physiques.....	41
2. Propriétés de transformation des grandeurs.....	43
3. Grandeurs physiques invariantes dans les groupes limites .....	45
4. Symétrie électrique.....	45
5. Plausibilité des formules physiques .....	46
Exercices sur le chapitre 3 .....	47
<b>4 - Le principe de symétrie</b> .....	51
1. Le principe de Curie.....	51
2. Symétrie et propriétés tensorielles .....	54
3. Symétrie et géométrie .....	58
4. Symétrie et images électrostatiques .....	61

5. Symétrie et électrocinétique.....	61
6. Symétrie et hydrodynamique.....	62
7. Symétrie et dissymétrie.....	64
Exercices sur le chapitre 4 .....	65
<b>5 - Symétrie des champs électriques.....</b>	<b>69</b>
1. Caractère des grandeurs électriques .....	69
2. Utilisation du principe de Curie .....	69
3. Calcul des champs électriques.....	71
4. Lentille électrostatique.....	75
5. Utilisation de la symétrie électrique.....	77
Exercices sur le chapitre 5 .....	78
<b>6 - Symétrie des champs magnétiques.....</b>	<b>85</b>
1. Caractères des grandeurs magnétiques.....	85
2. Utilisation du principe de Curie .....	86
3. Calcul des champs magnétiques.....	89
4. Calcul des potentiels vecteurs.....	92
5. Champ magnétique uniforme .....	95
6. Lentille magnétique.....	96
7. Champs créés par les aimants.....	97
8. Symétrie de quelques phénomènes magnétiques .....	100
Exercices sur le chapitre 6 .....	103
<b>7 - Symétrie des mouvements d'un point matériel .....</b>	<b>109</b>
1. Symétrie des mouvements .....	109
2. Symétrie et constantes du mouvement.....	110
3. Mouvement de Képler.....	111
4. Mouvement harmonique .....	112
5. Mouvement cyclotron .....	114
6. Autres mouvements dans un champ magnétique .....	115
Exercices sur le chapitre 7 .....	117
<b>8 - Symétrie de la Terre et des champs terrestres .....</b>	<b>119</b>
1. Symétrie de la Terre immobile .....	119
2. Symétrie de la Terre en rotation .....	122
3. Symétrie du champ magnétique terrestre.....	125
Exercices sur le chapitre 8 .....	128
<b>9 - Propriétés des molécules et des cristaux.....</b>	<b>131</b>
1. Classes de phénomènes.....	131
2. Propriétés tensorielles des molécules.....	132
3. Synthèse asymétrique des molécules .....	134

TABLE DES MATIÈRES	427
4. Propriétés tensorielles des cristaux non magnétiques .....	139
5. Propriétés des cristaux liquides .....	146
6. Propriétés tensorielles des cristaux magnétiques .....	147
Exercices sur le chapitre 9 .....	149
<b>10 - Détermination de la symétrie d'un système</b> .....	153
1. La symétrie de l'effet peut-elle être supérieure à celle de la cause ?.....	153
2. La symétrie de l'effet peut-elle être inférieure à celle de la cause ?.....	162
3. Symétrie des molécules.....	164
4. Symétrie des cristaux non magnétiques .....	165
5. Symétrie des cristaux magnétiques .....	168
Exercices sur le chapitre 10 .....	169

## *Deuxième partie*

### *LES SYMÉTRIES BRISÉES*

<b>11 - Le principe de symétrie généralisé, illustrations mathématiques</b> .....	175
1. Problèmes mathématiques à solutions multiples .....	175
2. Le principe de Curie généralisé .....	181
3. Propriétés des courbes.....	181
4. Propriétés des surfaces .....	183
5. Equations différentielles .....	185
6. Le problème de Steiner .....	187
Exercices sur le chapitre 11 .....	189
<b>12 - Le principe de symétrie généralisé, illustrations physiques</b> .....	197
1. Champs et potentiels .....	197
2. Equipotentielles et points neutres.....	198
3. Problèmes de leech et thomson .....	200
4. Problème de Plateau .....	203
5. Modes normaux de vibration .....	205
6. Autres exemples physiques.....	206
Exercices sur le chapitre 12 .....	209
<b>13 - Brisures spontanées de symétrie, instabilités mécaniques</b> .....	213
1. Exemples élémentaires.....	213
2. Brisures spontanées de symétrie et domaines.....	215
3. Instabilités mécaniques .....	217
4. Instabilités des gouttes liquides .....	226
5. Instabilités des liquides .....	230
6. Instabilités des cristaux liquides.....	234

7. Instabilités des liquides magnétiques .....	237
8. Instabilité de Mullins-Sekerka.....	239
9. Fracturation polygonale .....	240
Exercices sur le chapitre 13 .....	241
<b>14 - Brisures spontanées de symétrie, transitions de phases.....</b>	<b>243</b>
1. Transitions dans les cristaux liquides.....	244
2. Transitions cristallographiques.....	245
3. Transitions magnétiques .....	248
4. La théorie de Landau.....	253
5. Développements de la théorie de Landau .....	259
6. Le théorème de Goldstone .....	262
Exercices sur le chapitre 14 .....	265
<b>15 - Brisures spontanées de symétrie, structures dissipatives .....</b>	<b>269</b>
1. Structures dissipatives stationnaires.....	270
2. Structures dissipatives temporelles .....	287
3. Structures chimiques dissipatives.....	290
Exercices sur le chapitre 15 .....	292

### *Troisième partie*

#### **LA SYMÉTRIE DES LOIS ET DES INTERACTIONS**

<b>16 - Symétries continues et lois de conservation .....</b>	<b>295</b>
1. Lois de conservation et symétrie .....	295
2. Tests expérimentaux des lois de conservation.....	298
3. Symétries et invariants .....	300
4. Invariance de l'équation du mouvement .....	301
5. Mouvement d'une particule dans un milieu visqueux .....	303
6. Mouvement d'une charge dans un champ magnétique uniforme .....	306
7. Mouvement d'une charge dans un champ magnétique de révolution .....	309
8. Lagrangien et symétrie.....	312
9. Lagrangien symétrique.....	314
10. Lagrangien non symétrique .....	315
11. Le théorème de Noether.....	316
Exercices sur le chapitre 16 .....	319

TABLE DES MATIÈRES	429
<b>17 - Invariance d'échelle et analyse dimensionnelle</b> .....	323
1. Dimensions des grandeurs physiques.....	323
2. Vérification des formules et des équations.....	326
3. Analyse dimensionnelle.....	328
4. Similitude mécanique.....	331
5. La loi de Titius-Bode.....	332
Exercices sur le chapitre 17.....	332
<b>18 - Symétries dynamiques</b> .....	335
1. Théorème de Bertrand.....	335
2. Mouvement de Képler.....	337
3. Mouvement harmonique.....	340
4. Analogies entre les mouvements képlérien et harmonique.....	343
5. Scalaire invariant de Redmond.....	345
6. Mouvement d'une charge dans un champ magnétique.....	346
Exercices sur le chapitre 18.....	347
<b>19 - Symétries discrètes</b> .....	349
1. La parité.....	349
2. La conjugaison de charge.....	356
3. Le renversement du temps.....	359
Exercices sur le chapitre 19.....	364
<b><i>Index biographique</i></b> .....	371
<b><i>Bibliographie générale</i></b> .....	383
<b><i>Glossaire</i></b> .....	409
<b><i>Lexique</i></b> .....	419
<b><i>Table des matières</i></b> .....	425